

# Functii recursive

## Laborator 2

Scripti următoarele funcții:

1. funcții peste Bool: și logic, sau logic, negație, nand, nor, implicație, dublă implicație;

```
and :: Bool -> Bool -> Bool  
and False _ = False  
and _ False = False  
and _ _ = True
```

2. test de primalitate: isPrime :: Integer -> Bool;

Folosiți o funcție auxiliară hasDivisors astfel încât hasDivisors n a b testeaza daca numarul natural n are divizori intre numerele natural a si b.

```
hasDivisors :: Integer -> Integer -> Integer -> Bool  
hasDivisors n a b | a > b = False  
hasDivisors n a b | n `mod` a == 0 = ...  
hasDivisors n a b = ...  
  
isPrime :: Integer -> Bool  
isPrime n = hasDivisors n ...
```

3. implementați diferiți algoritmi pentru calculul cmmdc (algoritmul lui Euclid prin scăderi/împărțiri repetate, algoritmul binar).
4. este posibilă aplicarea unei optimizări pentru aducerea apelurilor recursive în poziție de coadă?
5. implementați algoritmi pentru calculul celui de-al  $n$ -lea număr Fibonacci.

```
fibo :: Integer -> Integer  
fibo ... = ...  
...
```

Implementați varianta cu accumulatori:

```
fiboaux :: Integer -> Integer -> Integer -> Integer  
fiboaux 0 a _ = a  
fiboaux n a b = fiboaux ... ... ...  
-- a si b sunt doua numere Fibonacci consecutive  
  
fibo' :: Integer -> Integer  
fibo' n = fiboaux n 0 1
```

Implementați varianta care funcționează în timp  $O(\log(n))$ .

6. implementați algoritmul extins al lui Euclid.
7. implementați funcția `succ` :: `Integer`  $\rightarrow$  `Integer`.
8. implementați recursiv (chiar dacă sunt ineficiente) următoarele funcții: • adunarea a două numere naturale, folosind `succ`; • înmulțirea a două numere naturale, folosind adunarea; • ridicarea la putere, folosind înmulțirea.
9. implementați funcțiile `mod` și `div` pentru numere naturale.